

۶۱- اگر خط d و پاره خط AB متقاطع باشند، چند نقطه روی خط d می‌تواند وجود داشته باشد که از نقاط A و B به یک فاصله باشد؟

- (۱) فقط دو نقطه
- (۲) حداقل دو نقطه
- (۳) بیشمار نقطه
- (۴) فقط یک نقطه



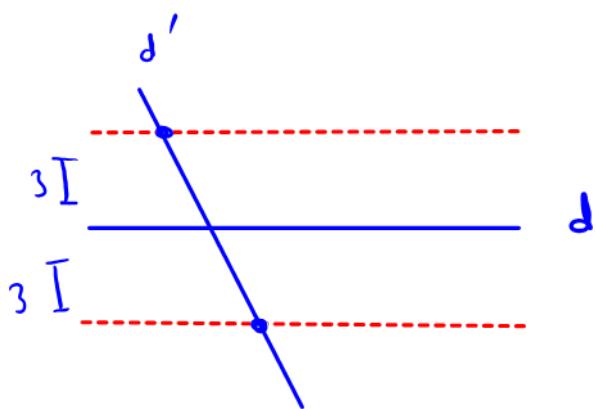
۶۲- دو خط متقطع d و d' در صفحه مفروض‌اند، چند نقطه روی خط d' وجود دارد که از خط d به فاصله ۳ واحد باشد؟

۴) بیشمار

۳) صفر

۲) ۲

۱) ۱





۶۳- محل تلاقي عمود منصفها در مثلث دلخواه ABC کدام ويزگی را دارد؟

(۱) از سه ضلع مثلث به يک فاصله است.

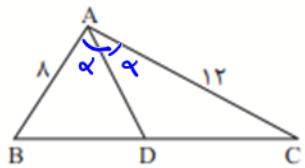
(۲) از سه رأس مثلث به يک فاصله است.

(۳) همواره منطبق بر محل تلاقي ارتفاعها است.

(۴) همواره درون مثلث قرار دارد.

۶۴- در مثلث ABC نیمساز زاویه A ضلع BC را در نقطه D قطع کرده است. نسبت مساحت مثلث ADC به مساحت مثلث ABD کدام است؟

۱ (۱)



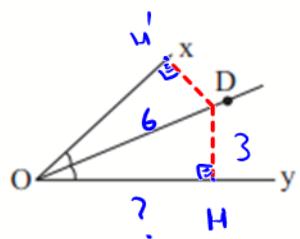
۱/۲ (۲)

۲ (۳)

۲/۳ (۴)

$$\frac{S_{ADC}}{S_{ABD}} = \frac{AD \times AC \times (\sin \alpha)/2}{AB \times AD \times (\sin \alpha)/2} = \frac{AC}{AB} = \frac{12}{8}$$

۶۵- در شکل زیر OD نیمساز زاویه $x\hat{O}y$ است. فاصله D از Ox برابر $x+1$ و از Oy برابر $3x-2$ و $OD=6$ است. اگر نقطه H پای عمودی که از D بر Oy رسم می‌شود باشد، طول OH کدام است؟



$$OH = \sqrt{6^2 - 3^2} = 3\sqrt{3}$$

$$DH' = x+1$$

$$DH = 3x-2 = 3(2)-2 = 4$$

۳ (۱)

۴ (۲)

$3\sqrt{3}$ (۳)

$4\sqrt{3}$ (۴)

$$x+1 = 3x-2 \rightarrow 4 = 2x \rightarrow \underline{x=2}$$

۶۶- در شکل زیر نقطه M روی عمود منصف پاره خط AB قرار دارد. اگر $MA = 3x + 1$ و $MB = 5x - 7$ تا خط AB برابر باشد، طول پاره خط AB کدام است؟



$$MA = 3x + 1 \quad MB = 5x - 7$$

۱۲ (۲)

۱۴ (۳)

۱۰ (۱)

$$5 + 5 = 10$$

باشد، طول پاره خط AB کدام است؟

$$MA = MB \rightarrow 3x + 1 = 5x - 7 \rightarrow x = 4$$

$$3x = 3(4) = 12$$

-۶۷- اگر از نقطه M دایره‌ای به شعاع ۳ واحد رسم کنیم با خط ℓ دقیقاً در یک نقطه برخورد خواهد داشت. حال از نقطه M کمانی را چنان رسم

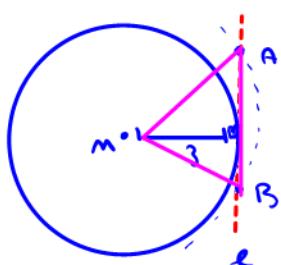
می‌کنیم که خط ℓ را در ۲ نقطه A و B قطع کند. اگر مساحت مثلث MAB (زاویه M حاده است) برابر $9\sqrt{3}$ باشد، طول وتر AB کدام است؟

$4\sqrt{3}$ (۱)

$3\sqrt{3}$ (۲)

$6\sqrt{3}$ (۳)

$10\sqrt{3}$ (۴)



$$S_{MAB} = 9\sqrt{3} \rightarrow \frac{AB \times 3}{2} = 9\sqrt{3} \rightarrow$$

$$AB = \frac{2 \times 9\sqrt{3}}{3} = 6\sqrt{3}$$

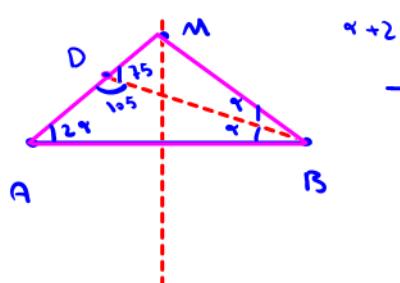
۶۸- نقطه M روی عمود منصف پاره خط AB قرار دارد. در صورتی که نیمساز زاویه MBA ، خط AM را در نقطه D قطع کند و $\angle MDB = 75^\circ$ باشد، اختلاف کوچکترین و بزرگترین زاویه مثلث ABD کدام است؟

۱۰ (۴)

۷۰ (۳)

۶۵ (۲)

۵۵ (۱)



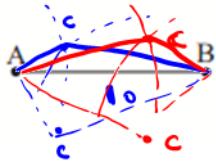
$$\alpha + 2\alpha = 3\alpha = 75$$

$$\rightarrow \alpha = 25^\circ$$

$$25^\circ, 5^\circ, 105^\circ$$

$$105 - 25 = 80$$

۶۹- در شکل زیر طول پاره خط AB برابر 10 واحد است. چند نقطه می‌توان در صفحه پیدا کرد که رأس سوم مثلث ABC با اضلاع 10 و 4 و 7 باشد؟



۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

$$\text{حالت ۱ : } AC = 4, BC = 7 \rightarrow \text{نوع ۲}$$

$$\text{حالت ۲ : } BC = 4, AC = 7 \rightarrow \text{نوع ۲}$$

۷۰- دو خط متقطع L_1 و L_2 در یک صفحه مفروضند، چند نقطه در صفحه وجود دارد که فاصله آنها از هر کدام دو خط L_1 و L_2 برابر ۳ واحد است؟

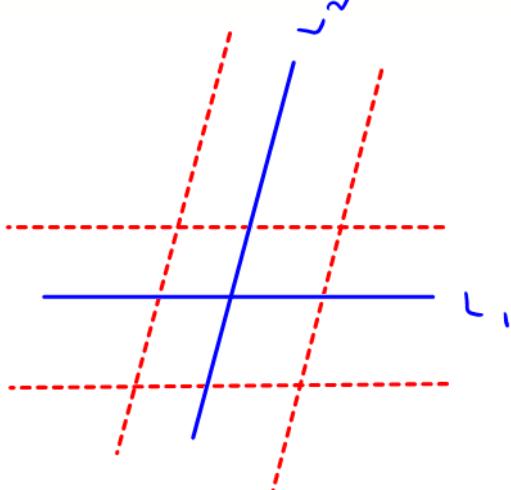


۴) بستگی به زاویه بین دو خط دارد.

۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



-71 اگر $\frac{a^2+b^2-c^2}{ac}$ بشد، حاصل عبارت کدام است؟

۱) ۴

$\frac{1}{3}$ ۳

$\frac{3}{11}$ ۲

$\frac{2}{3}$ ۰

$$\begin{aligned}a &= 6 \\b &= 3 \\c &= 5\end{aligned}$$

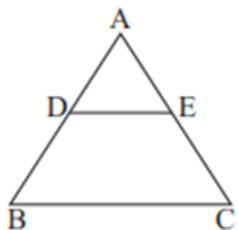
$$\frac{a^2+b^2-c^2}{ac} = \frac{36+9-25}{30} = \frac{20}{30} = \frac{2}{3}$$

۷۲- در اثبات عکس قضیه تالس در شکل زیر، با استفاده از برهان خلف (فرض خلف) کدام است؟ (قضیه تالس)

$$DE \parallel BC \Rightarrow \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$$

$$\text{فرض} \Leftrightarrow \text{نمایش}$$

$BC \parallel DE$ (۱)



فرض خلف : $DE \not\parallel BC$

$DE \parallel BC$ (۲)

$$\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC} \quad (۱)$$

$$\frac{AD}{DB} \neq \frac{AE}{EC} \quad (۲)$$

۷۳- عکس قضیه «اگر n^2 فرد باشد، آنگاه n^{8k+1} به صورت $8k+1$ است.» کدام است؟

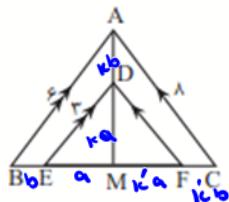
۱) اگر n^2 زوج باشد، آنگاه n^{8k+1} به شکل $8k+1$ است.

$q \rightarrow p$

۲) اگر n^2 فرد باشد، آنگاه n^{8k+1} به شکل $8k+1$ نیست.

۳) اگر n^2 به صورت $8k+1$ باشد، آنگاه n فرد است.

۴) اگر n^2 به شکل $8k+1$ باشد، آنگاه n زوج است.



F(1)

8/8 (8)

f/Δ (T)

Δ/F (f)

$$\frac{a}{a+b} = \frac{3}{8} = \frac{1}{2} \rightarrow 2a = a+b \rightarrow \underline{a=b}$$

$$\frac{FD}{8} = \frac{a'c}{a'c + b'c'} = \frac{a}{a+b} = \frac{1}{2} \rightarrow FD = 4$$

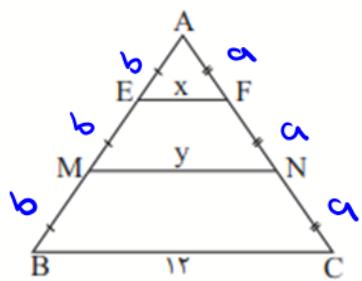


۸۱ (۱)

۱۰۰ (۲)

۱۴۴ (۳) Correct

۱۹۶ (۴)

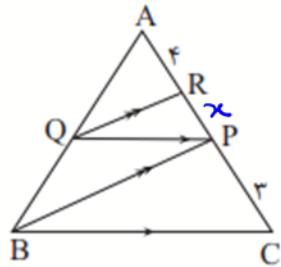


$$\frac{x}{12} = \frac{AF}{AC} = \frac{a}{3a} = \frac{1}{3} \rightarrow x = 4$$

$$\frac{y}{12} = \frac{AM}{AB} = \frac{2b}{3b} = \frac{2}{3} \rightarrow y = 8$$

$$\left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \rightarrow (x+y)^2 = 144$$

۷۶- در شکل مقابل، طول ضلع RP کدام است؟ $QR \parallel BP$ و $PQ \parallel BC$



۱/A (۱)

۲/۲ (۲)

۳/۵ (۳)

۴/۴ (۴)

$$AP^2 = AR \cdot AC$$

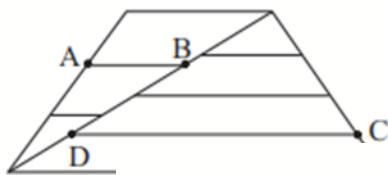
$$(4+x)^2 = 4(7+x) \rightarrow$$

$$x^2 + 8x + 16 = 28 + 4x \rightarrow x^2 + 4x - 12 = 0$$

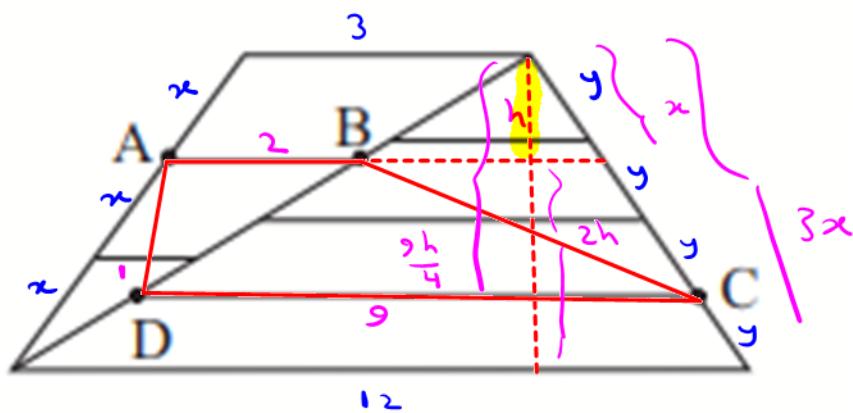
$$\rightarrow (x+6)(x-2) = 0 \rightarrow x = -6 \text{ or } 2$$

۷۷- در ذوزنقه متساوی الساقین زیر طول قاعده‌ها ۳ و ۱۲ و طول ساق‌ها $\frac{7}{5}$ می‌باشد. مطابق شکل یکی از ساق‌ها به ۳ قسمت متساوی و یکی از ساق‌ها به ۴ قسمت متساوی تقسیم شده که از هر کدام از نقاط ایجاد شده خطوطی موازی قاعده‌ها رسم شده است. در این صورت مساحت ذوزنقه ABCD کدام است؟

۱۰/۵ (۱)



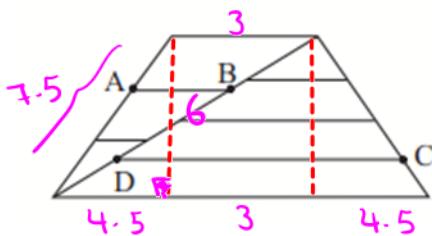
۱۱/۲۵ (۲)



۱۲/۵ (۳)

۱۳/۷۵ (۴)

$$\frac{3h}{4} \sim 4 \quad , \quad \text{مساحت ذوزنقه} = \frac{9h}{4} - h = \frac{5h}{4} = \frac{5}{2}$$



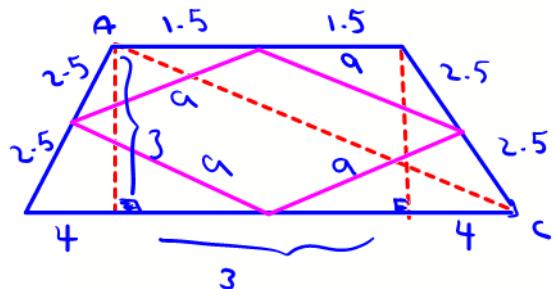
$$3h = 6 \rightarrow h=2$$

$$S_{ذوزنقه} = \frac{(2+9)5}{2(2)} = \frac{55}{4} = 10 + 3.75 = 13.75$$

- در ذوزنقه متساوی الساقین به قاعده‌های ۳ و ۱۱ و طول ساق‌های ۵، محیط چهارضلعی که رئوس آن وسط اضلاع ذوزنقه باشند کدام است؟

$$2a = AC = \sqrt{3^2 + 7^2} = \sqrt{58}$$

$\sqrt{58}$ (۱)

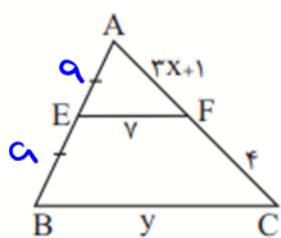


$2\sqrt{58}$ (۲)

$\sqrt{72}$ (۳)

$2\sqrt{72}$ (۴)

$$P = 4a = 2(2a) = 2\sqrt{58}$$



$$\frac{AF}{AB} = \frac{a}{2a} = \frac{EF}{BC} = \frac{7}{y} \rightarrow y = 14$$

$$AF = FC \rightarrow 3x+1 = 4 \rightarrow x=1$$

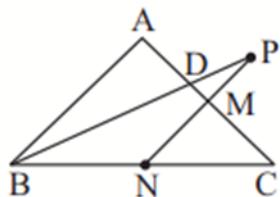
۱۸ (۱)

۱۶ (۱)

۱۵ (۱)

۱۴ (۱)

-۸۰- در شکل مقابل BD نیمساز و M وسط AC است. اگر $PM + \frac{AB}{\gamma} = \frac{\gamma}{\delta}$ بوده و $MN \parallel AB$ باشد، اندازه BC کدام است؟



$$x - y + y = \frac{3}{5} \rightarrow x = \frac{3}{5}$$

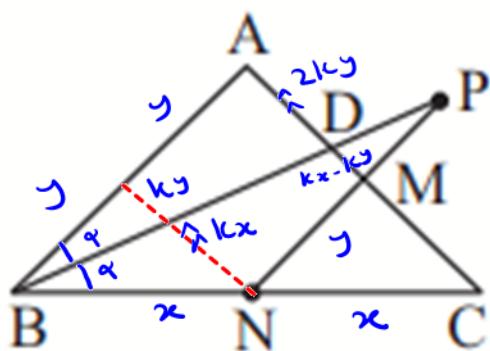
$$\frac{\gamma}{\delta} \quad (1)$$

$$BC = 2x = \frac{6}{5}$$

$$\frac{9}{10} \quad (2)$$

$$\frac{9}{5} \quad (3)$$

$$\frac{9}{4} \quad (4)$$



$$\frac{PM}{PN} = \frac{kx - ky}{kx} \rightarrow \frac{PM}{PM + y} = \frac{x - y}{x} \rightarrow 1 + \frac{y}{PM} = \frac{x}{x - y} \rightarrow$$

$$\frac{y}{PM} = \frac{y}{x - y} \rightarrow PM = x - y$$